



ECOLE NORMALE SUPERIEURE D'ABIDJAN

Session 2024 : Concours direct d'entrée pour la préparation du
CAP/PC MATHEMATIQUES/TICE (Professeur de Collège)

Epreuve : ALGEBRE

Durée : 3 heures

Exercice 1

Résoudre le système différentiel suivant :

$$\begin{cases} x' = x - y + z \\ y' = 2x - 2y + z \\ z' = -2x + y - 2z \end{cases}$$

Où x, y, z sont des fonctions de t , et x', y', z' leurs fonctions dérivées respectives.

Exercice 2



Solent $(G; \cdot)$ un groupe, H un sous-groupe distingué de G et K un sous-groupe de G .

1- Montrer que HK est un sous-groupe de G .

2- On suppose que $[G: H] = p$ où p est un nombre premier et que K n'est pas inclus dans H .

a) Montrer que $G = HK$.

b) On suppose K fini. Montrer qu'alors $|K| = p|H \cap K|$.

Exercice 3

Résoudre les équations suivantes, où l'inconnue est un polynôme P de $\mathbb{R}[X]$:

1. $P(X^2) = (X^2 + 1)P(X)$

2. $P \circ P = P$